68

测试・分析

橡胶复合材料中炭黑微观结构图像的拟合算法

何 红^{1,2},陈增云²,张亚茹¹,章易慎^{1,2},张立群¹,李凡珠^{1*}

(1.北京化工大学 有机无机复合材料国家重点实验室,北京 100029;2.北京化工大学 机电工程学院,北京 100029)

摘要:将炭黑聚集体视为由多个圆形原生粒子构成,对橡胶复合材料中炭黑聚集体形态进行图像拟合分析。基于炭黑补强橡胶复合材料的微观结构图像,在采用图像分割和阈值迭代等方法处理图像背景缺陷的基础上,研究了轮廓骨架算法、最大内切圆算法和K-means聚类算法3种拟合算法处理炭黑聚集体图像,并用峰值信噪比和结构相似度2个指标对图像拟合效果进行评价。结果表明,轮廓骨架算法拟合炭黑聚集体形态效果最优,更适用于炭黑补强橡胶复合材料微观结构重构时对炭黑聚集体形态的描述。

关键词:橡胶复合材料;炭黑补强;炭黑聚集体;微观结构;图像处理;拟合算法;轮廓骨架算法;峰值信噪比;结构 国际相似度

中图分类号:TP751.1 文献标志码:A 文章编号:1000-890X(2023)01-0068-07 DOI:10.12136/j.issn.1000-890X.2023.01.0068

作为理想填料,炭黑可以提升橡胶材料的力 学性能,广泛应用于轮胎和橡胶制品中^[1-2]。炭黑 补强橡胶复合材料的微观结构是决定其物理和化 学性能的主要因素,研究其微观结构^[3]是调控和 设计炭黑补强橡胶复合材料性能的重要途径。目 前,常用电镜图像分析法^[4],即用扫描电子显微镜 获得复合材料截面图像,以分析其微观结构。但 在炭黑补强橡胶复合材料的建模和性能仿真中, 由于复合材料微观结构图像中炭黑粒子的堆叠存 在显示缺陷,无法采用真实结构参数进行计算, 导致仿真结果无法预测复合材料的真实性能。因 此,开展炭黑补强橡胶复合材料微观结构重构的 研究具有十分重要的意义和价值。

炭黑补强橡胶复合材料微观结构重构和性 能预测研究现在仍处于初级阶段。国外已开发了 OOF2软件^[5]图像处理技术和透射薄片3D-TEM^[6-8] 技术。OOF2软件图像处理技术可以将复合材料 二维电镜图像直接导入软件建模,并在软件中对 模型直接进行后处理和模拟计算,但是该软件在 图像前处理方面存在不足,其图像处理模块及方 法简单,无法适用于复杂结构的图片,而且处理 精度不足。3D-TEM技术则是通过扫描复合材 料薄片得到其三维微观结构并进行仿真,复合材 料微观结构三维模型虽与实际微观结构相近,但 是由于设备和测试费用昂贵,该技术难以普及。 国内基于这2种技术开展了相关的图像与建模研 究^[9-11],但对于微观结构图像的建模研究还鲜见 报道。

针对上述问题,本工作基于炭黑补强橡胶复 合材料微观结构图像,采用3种拟合算法重构炭黑 聚集体微观结构,通过拟合算法的精度研究,探索 炭黑聚集体结构重构的最佳方法,从而为炭黑补



基金项目:国家重点研发计划项目(2018YFB1502501)

作者简介:何红(1965—),女,北京化工大学副教授,博士,主要研究方向为高分子材料的加工流变学及其加工过程的计算机仿真。

^{*}通信联系人(lifz@buct.edu.cn):李凡珠(1989—),男,北京化工大学讲师,博士,主要研究方向为高分子材料及其制品的模拟仿真分析。

引用本文:何红,陈增云,张亚茹,等.橡胶复合材料中炭黑微观结构图像的拟合算法[J].橡胶工业,2023,70(1):68-74.

Citation: HE Hong, CHEN Zengyun, ZHANG Yaru, et al. Fitting algorithm of microstructure image of carbon black reinforced rubber composites[J]. China Rubber Industry, 2023, 70 (1):68-74.

强复合材料性能的预测奠定基础。

炭黑补强橡胶复合材料微观结构图像的形态 拟合

1.1 炭黑形态

将烃类物质在工业反应炉内进行不完全燃烧,在极短时间内生成炭黑原生粒子,继而再生长 形成聚集体,最终成为粉末状炭黑^[12]。根据长宽 比,炭黑聚集体形态可分为球形、椭圆形、线形和 分支类^[13-14]。其中分支类聚集体形态最为复杂, 可视为其他3种形态的聚合。从炭黑的生成可以 得出,炭黑呈聚集体形态,而聚集体由原生粒子构 成,为此本工作按照将炭黑原生粒子视为圆形粒 子、炭黑聚集体则由多个圆形原生粒子构成的思 路进行炭黑微观结构图像的拟合。

1.2 图像背景处理

由于炭黑补强橡胶复合材料微观结构电镜图 像存在光照不均匀、炭黑与橡胶基体界限不明显 等缺陷,需要对其进行背景处理,处理过程如下。

首先,采用图像分割、滤光算法和高斯滤波器 处理电镜图像,以达到光照均匀的效果。图像分 割可减少整体光照信息,滤光算法^[15]可提取图像 中的亮度信息,高斯滤波器可去除光照误差。具 体做法为:在识别整张电镜图像尺寸信息后,根据 设置的横向与纵向间隔数将图像等分,再将每一 部分进行滤光处理,提取光线信息后通过伽马函 数与图像像素进行卷积以实现亮度平均,最后再 将分割的各部分图像进行合并。

其次,采用阈值迭代方法处理图像中炭黑与 橡胶基体界限不明显的问题。由于研究对象为炭 黑与橡胶两部分,使用一个初始阈值将图像分为 两部分,再令两部分的分界不断逼近真实阈值。 求取最佳阈值的流程(见图1)如下:首先定义灰度 图的灰度平均值为初始阈值(*Z*_{*i*}),通过遍历整个图 像像素*F*(*x*,*y*),将每一点的像素与*Z*_{*i*}进行比较,大 于*Z*_{*i*}部分分配给*S*₁(大于*Z*_{*i*}的各点像素和),小于*Z*_{*i*} 部分分配给*S*₀(小于*Z*_{*i*}的各点像素和),将*S*₁与*S*₀各 自求取平均值,得到灰度值大于*Z*_{*i*}的平均值(*Z*_{*j*})与 灰度值小于*Z*_{*i*}的平均值(*Z*_{*i*}),再将*Z*_{*j*}与*Z*_{*i*}取平均值 (*Z*_{*n*});比较*Z*_{*n*}与*Z*_{*i*},若二者差值大于0.1,则将*Z*_{*n*}作 为新的*Z*_{*i*}重新循环计算,直到2次循环的*Z*_{*n*}与*Z*,差



Fig.1 Flowchart of threshold iteration algorithm 值小于0.1为止;最后的阈值定义为最佳阈值。

1.3 拟合算法及微观图像的拟合

在炭黑补强橡胶复合材料微观结构的电镜图 像中,炭黑聚集体形态多样。根据前述思路,将炭 黑原生粒子看作圆形,通过圆心位置的排布来重 构原生粒子聚集体形态模型。图像数字化信息包 含位置信息与灰度信息。拟合算法有3种:根据图 像中炭黑聚集体轮廓位置信息拟合炭黑形态,分 为炭黑原生粒子为等径圆拟合的轮廓骨架算法 (第1种拟合算法)和非等径圆拟合的最大内切圆 算法(第2种拟合算法);根据灰度信息进行拟合, 可采用炭黑原生粒子为非等径圆的K-means聚类 算法(第3种拟合算法)。

拟合算法中使用的炭黑原生粒子直径为复 合材料电镜图像中原生粒子实际测量直径。采用 Nano Measure软件标记复合材料电镜图像炭黑原 生粒子直径,测量数据多于50组,根据比例关系换 算得到炭黑聚集体粒径及其分布。使用测量的炭 黑原生粒子直径的平均值作为等径圆拟合算法中 的拟合圆直径,使用测量的炭黑原生粒子直径的 范围[(*L*_{min},*L*_{max}),*L*_{min}和*L*_{max}分别为电镜图像中炭 黑原生粒子直径的最小值和最大值]作为非等径 圆拟合算法中拟合圆直径的范围。

轮廓骨架算法拟合炭黑聚集体形态过程如下。首先采用Canny算子识别炭黑聚集体形态轮廓,然后使用bwmorph函数对图像进行骨架化,目

的是通过对图像进行形态学腐蚀,得到依然保持原本形状的细化像素,最终保留宽度为1像素的骨架 图像信息。在原图像/拟合图像面积比保持一致的 前提下,调整圆心在骨架上均匀分布,最后可以得 到炭黑聚集体的拟合图像。轮廓骨架算法流程如 图2所示。



图2 轮廓骨架算法流程 Fig. 2 Flowchart of contour skeleton algorithm

最大内切圆算法拟合炭黑聚集体形态采用非 等径球形粒子填充管道的方法^[16],用符合炭黑原 生粒子粒径范围内的圆形来填充已知轮廓。首先 采用Canny算子(同轮廓骨架算法)提取图像轮廓 信息,然后将轮廓闭合区域进行排序标号,再根据 序号依次对于各闭合轮廓分区域进行最大内切圆 填充。填充过程中,先根据轮廓信息获得轮廓内 部点的范围,设边缘点信息为(*x*_i,*y*_i),依次计算边 缘内每一点到最近边缘点的距离(*D*);

$$D = 2\sqrt{(x - x_i)^2 + (y - y_i)^2}$$
(1)

对所有D进行比较,得到最大距离(D_{max}),该 距离的一半对应的中心点就是最大内切圆的圆 心。以该点为圆心,以统计粒径范围内的D_{max}为直 径画圆,进行分区域填充。之后在闭合轮廓范围 中减去这一被填充的圆形区域,在剩余区域内继 续重复求取最大内切圆,直至D_{max}小于规定粒径为 止。最大内切圆算法流程图如图3所示。

根据灰度信息可采用K-means聚类算法拟合炭黑聚集体形态。先由橡胶复合材料电镜图像灰度直方图选取峰值点作为k个质心点,然后遍历图像中的所有像素点,计算图像中每个像素点(除质心点外)到全部质心点的距离,判断最小距离,将最小距离点归类为距离最小的质心点所在的簇。当2次循环的非质心点移动数量占总移动数量的比例(非质心点移动数量比例)的差值小

于设定值时,确定峰值点最优,最后利用最小二乘 法将k类像素点拟合为k个圆,再将所有圆进行颜色 填充,得到拟合图像。靠近质心的部分重叠越多, 颜色越深。K-means聚类算法流程如图4所示。



Fig. 3 Flowchart of maximum inscribed circle algorithm





1.4 图像拟合效果评价

炭黑聚集体微观结构图像拟合效果采用标准 峰值信噪比与结构相似度来评价。标准峰值信噪 比是由原图像与拟合图像的均方误差而判定的, 而结构相似度是由图像结构相似进行判定的,计 算公式如下^[17]:

$$P_{\rm s} = 10 \, \log \left[\frac{(2^m - 1)^2}{M_{\rm SE}} \right] \tag{2}$$

$$S_{\rm S} = \frac{(2\mu_{\rm M}\mu_{\rm N} + c_1)(2\sigma_{\rm MN} + c_2)}{(\mu_{\rm M}^2 + \mu_{\rm N}^2 + c_1)(\sigma_{\rm M}^2 + \sigma_{\rm N}^2 + c_2)}$$
(3)

式中: P_{s} 为标准峰值信噪比;m为每个像素的比特数; M_{SE} 为原图像与拟合后图像的均方误差; S_{s} 为结构相似度; μ_{M} 和 μ_{N} 分别为图像拟合前后的像素平均值; σ_{M}^{2} 和 σ_{N}^{2} 分别为图像拟合前后的像素方差; σ_{MN} 为图像拟合前后的像素协方差; c_{1} 和 c_{2} 为常数, $c_{1} = (k_{1}H)^{2}, c_{2} = (k_{2}H)^{2}, H$ 为像素的动态值范围(取255), k_{1} 和 k_{2} 远小于1。

标准峰值信噪比越大,图像拟合效果越好,失 真越少;结构相似度的取值范围为[0,1],当图像完 全不一致时为0,完全一致为1。

2 模型验证

取文献[18]中样品A和B的形态较复杂的炭 黑聚集体电镜图像(见图5)进行3种算法拟合和 对比。

对样品A和B进行粒径标注。选取50组粒径数据进行统计,其中样品A的平均粒径为59.63







图5 炭黑聚集体形态电镜图像 Fig. 5 Electron micrographs of carbon black aggregate morphologies

nm,取整为60 nm,样品B的平均粒径为35.12 nm, 取整为35 nm;样品A和B的粒径范围频率分数偏 差值分别为0.06和0.07,该值越小则表示粒径分 布越均匀。炭黑粒径分布统计结果如图6所示。







图6 炭黑粒径分布统计结果 Fig. 6 Statistical results of carbon black particle size distributions

从图6可以看出,样品A粒径约为样品B粒径的2倍,样品A粒径分布更均匀,图像处理结果与实际符合。

处理样品A和B的图像背景后进行阈值分割, 并保留炭黑部分灰度值,结果如图7所示。

之后分别用轮廓骨架算法、最大内切圆算法 和K-means聚类算法3种方法拟合背景处理后的炭 黑聚集体图像。

(1)采用轮廓骨架算法拟合。考虑到灰度差异,将灰度图转化为二值图。用统计得到的炭黑 原生粒子等径圆来拟合轮廓。为保证轮廓光滑, 先使用粒径为2像素的圆形模板对二值图像进行 形态学的膨胀处理;其次提取图像轮廓,再根据轮



(a)样品A



(b)样品B



廓进行骨架化,使用统计原生粒子直径分别对样品A和B的聚集体轮廓画圆。轮廓骨架算法拟合结果如图8所示。

(2)采用最大内切圆算法拟合。先判定填充 轮廓区域的最大内切圆直径以便确定拟合圆直 径,当该最大内切圆直径在统计原生粒子直径范 围内时,则其选作拟合圆直径;当最大内切圆直径 大于统计原生粒子直径范围时,拟合圆直径选取 原生粒子直径范围内最大值;当最大内切圆直径 小于统计原生粒子直径范围时,忽略该内切圆。 在聚集体轮廓内划分的各区域依次进行最大内切 圆直径判断和确定填充直径并填充区域,反复重 复以上过程进行迭代计算,直至剩余未填充部分 的最大内切圆直径小于统计原生粒子直径范围为 止。最大内切圆算法拟合结果如图9所示。

(3)采用K-means聚类算法拟合。先选取灰度 最大值,然后将整图像素点进行分类,最后根据类 别拟合成不同区域的圆形。K-means聚类算法拟 合结果如图10所示。

从图10可以看出,炭黑聚集体形态大体如原



(a)样品A



(b)样品B







图9 最大内切圆算法炭黑聚集体拟合图 Fig. 9 Fitting graphs of carbon black aggregates by maximum inscribed circle algorithm





(b)样品B

图10 K-means聚类算法炭黑聚集体拟合图 Fig. 10 Fitting graphs of carbon black aggregates by K-means clustering algorithm

图形状(存在的差异可能在于轮廓细节方面),其 中每个圆的灰度值相同,但多个圆重叠后灰度值 相加,就会出现图像中颜色深浅不一的效果,相加 后的灰度值对应于原图中的灰度值信息。

为了比较3种拟合算法的效果,计算了标准峰 值信噪比和结构相似度2个评价指标。3种拟合算 法的评价结果如表1所示。

表1 3种拟合算法的评价结果 Tab.1 Evaluation results of three fitting algorithms

	0 0			
拟合算法 -	标准峰值信噪比		结构相似度	
	样品A	样品B	样品A	样品B
轮廓骨架算法	9.35	8.91	0.60	0.60
最大内切圆算法	9.33	8.85	0.60	0.59
K-means聚类算法	8.73	7.98	0.58	0.50

从表1可以看出:采用标准峰值信噪比指标时,样品A的拟合效果优于样品B,而标准峰值信噪 比取值范围比结构相似度更大;3种拟合算法精度 从高到低依次为轮廓骨架算法、最大内切圆算法 和K-means聚类算法,其中轮廓骨架算法和最大内 切圆算法的2个指标值相差不大,考虑到炭黑聚集 体由粒子堆叠形成,轮廓骨架算法为拟合炭黑聚 集体形态的最佳算法。

3 结论

本工作采用图像背景处理、特征信息提取、粒径统计等方法进行了图像处理,研究了轮廓骨架 算法、最大内切圆算法和K-means聚类算法3种图 像拟合算法,并采用标准峰值信噪比和结构相似 度指标对拟合效果进行评价,验证了炭黑补强橡 胶复合材料微观图像重构建模方法的可靠性,结 论如下。

(1)可以将原生粒子看作圆形以拟合炭黑聚 集体形态,由统计方法得到的炭黑原生粒子直径及 其分布范围可分别取为拟合圆直径及拟合圆直径 范围。

(2)采用轮廓骨架算法、最大内切圆算法和 K-means聚类算法可以拟合炭黑聚集体形态,经标 准峰值信噪比和结构相似度指标评价,拟合精度从 高到低依次为轮廓骨架算法、最大内切圆算法和 K-means聚类算法。选用轮廓骨架算法描述炭黑 聚集体形态的效果最好。

(3)标准峰值信噪比取值范围较大,结构相似 度取值范围较小,2个指标对3种拟合算法的评价结 果趋势较为一致。在图像拟合精度评价方面,结构 相似度指标评判精度更高。

参考文献:

- 富有斌,吴晓辉,张立群,等. 炭黑在橡胶中分散技术的研究进展[J]. 橡胶工业,2022,69(3):228-233.
 FU Y B,WU X H,ZHANG L Q, et al. Research progress of carbon black dispersion technology in rubber[J]. China Rubber Industry, 2022,69(3):228-233.
- [2] 胡正勇,徐鹏,牛芝雅.聚氯乙烯/炭黑电力屏蔽材料的制备及性能分析[J]. 塑料科技,2021,49(6):28-31.
 HU Z Y, XU P, NIU Z Y. Preparation and performance analysis of PVC/carbon black power shielding metarial[1]. Plactice Science and

PVC/carbon black power shielding material[J]. Plastics Science and Technology, 2021, 49 (6) :28–31.

- [3] HUANG J, SCHMAUDER S, WEBER U, et al. Micromechanical modelling of the elastoplastic behavior of monodispersed elastomer particle-modified PA 6[J]. Computational Materials Science, 2012, 52 (1):106-111.
- [4] LI J F, GONG X L, ZHU H, et al. Influence of particle coating on dynamic mechanical behaviors of magnetorheological elastomers[J]. Polymer Testing, 2009, 28 (3) :331–337.
- [5] REID A C, LUA R, GARCIA R E, et al. Modelling micro structures with OOF2[J]. International Journal of Materials & Product

Technology, 2009, 35 (3-4): 361-373.

- [6] KAPUN G, MARINEK M, MERZEL F, et al. Microstructural evaluation of Ni–SDC cermet from a representative 2D image and/ or a 3D reconstruction based on a stack of images[J]. Materiali in Technologize, 2017, 51 (5) :775–782.
- [7] IKEDA Y, KATO A, SHIMANUKI J, et al. Nano-structural elucidation in carbon black loaded NR vulcanizate by 3D-TEM and in situ WAXD measurements[J]. Rubber Chemistry and Technology, 2007, 80 (2) : 251–264.
- [8] CHEN L, ZHOU W M, LU J, et al. Unveiling reinforcement and toughening mechanism of filler network in natural rubber with synchrotron radiation X-ray nano-computed tomography[J]. Macromolecules, 2015, 48 (21) : 7923-7928.
- [9] 马峰,李琼砚,赵亚东. 异面直线公垂线段中点算法为基的三维点 重建[J]. 现代制造工程,2009(7):98-102.
 MA F, LI Q Y, ZHAO Y D. 3D points reconstruction based on the midpoint of skew lines common perpendicular algorithm[J]. Modern Manufacturing Engineering,2009(7):98-102.
- [10] 陈宇拓,杨卫民,熊秋波,等. 基于二次Bezier曲面的图像雕刻型 面建模[J]. 计算机应用,2009,29(3):750-754.
 CHEN Y T, YANG W M, XIONG Q B, et al. Carving surface modeling of images based on quadratic Bezier curved surface[J]. Journal of Computer Applications,2009,29(3):750-754.
- [11] 杨嘉涛,师小娟. 复杂曲面的计算机三维建模研究[J]. 西安建筑科 技大学学报,2003,35(2):198-201.
 YANG J T, SHI X J. A research on computer three-dimensional
 - modeling of complex surface[J]. Journal of Xi 'an University of Architecture & Technology, 2003, 35 (2) :198-201.
- [12] 吴立峰,丁丽萍.炭黑应用手册[M].北京:化学工业出版社,

2008:43.

- [13] HERD C R, MCDONALD G C, HESS W M, et al. Morphology of carbon black aggregates: Fractal versus Euclidean geometry[J]. Rubber Chemistry and Technology, 1992, 65 (1):107–129.
- [14] JUAN L D U, RUIZ I, SANTOS I, et al. Automatic morphological categorisation of carbon black nano-aggregates[C]. International Conference on Database and Expert Systems Applications (DEXA 2010). Berlin:Springer-Verlag, 2010:185–193.
- [15] 刘志成,王殿伟,刘颖,等.基于二维伽马函数的光照不均匀图像 自适应校正算法[J].北京理工大学学报,2016,36(2):191-196, 214.

LIU Z C, WANG D W, LIU Y, et al. Adaptative correction algorithm for non-uniform illumination images based on 2D Gamma function[J]. Journal of Beijing Institute of Technology, 2016, 36 (2) : 191–196, 214.

[16] 张程林,周小文.砂土颗粒三维形状模拟离散元算法研究[J].岩 土工程学报,2015,37(s1):115-119.

ZHANG C L, ZHOU X W. Research on discrete element algorithm for three–dimensional shape simulation of sand particles[J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 2015, 37 (s1) :115–119.

- [17] WANG Z, BOVIK A C, SHEIKH H R, et al. Image quality assessment: From error visibility to structural similarity[J]. IEEE Transactions on Image Processing, 2004, 13 (4):600–612.
- [18] 张尚勇.现代分析测试方法对炭黑微观结构和表面性能的研究 [D].上海:上海交通大学,2006.

ZHANG S Y. Study on the microstructure and surface properties of carbon black by modern analytical testing methods[D]. Shanghai: Shanghai Jiaotong University, 2006.

收稿日期:2022-10-16

Fitting Algorithm of Microstructure Image of Carbon Black Reinforced Rubber Composites

HE Hong, CHEN Zengyun, ZHANG Yaru, ZHANG Yishen, ZHANG Liqun, LI Fanzhu (Beijing University of Chemical Technology, Beijing 100029, China)

Abstract: Carbon black aggregates were considered to be composed of multiple circular primary particles, and the morphology of carbon black aggregates in rubber composites was analyzed by image fitting. Based on the microstructure image of carbon black reinforced rubber composites, three fitting algorithms, contour skeleton algorithm, maximum inscribed circle algorithm and K-means clustering algorithm to deal with carbon black aggregate morphology were studied based on using image segmentation and threshold iteration and other methods to handle image background defects. The image fitting effects were evaluated by two indicators of peak signal-to-noise ratio (PSNR) and structural similarity (SSIM). The results showed that the contour skeleton algorithm had the best effect in fitting the morphology of carbon black aggregates, and it was more suitable for describing the morphology of carbon black aggregates in the microstructure reconstruction of carbon black reinforced rubber composites.

Key words: rubber composite; carbon black reinforcing; carbon black aggregate; microstructure; image processing; fitting algorithm; contour skeleton algorithm; PSNR; SSIM